

序

高階程式語言隨著電腦硬體的進步而不斷推陳出新，經過多年來的百家爭鳴，C 語言依然受到程式設計師的喜愛。由於程式語言隨著功能的提升、都朝物件導向程式設計發展，所以 C++ 就成為 C 語言的主流。

APCS「大學程式設計先修檢測」，目的在檢測考生程式設計的能力，讓高中職學生有一個學習成果具公信力的檢驗，並提供大專院校選才的參考依據。APCS 題目分為程式設計「觀念題」與「實作題」兩大科目，「觀念題」為選擇題 40 題滿分 100 分、「實作題」共有四題程式實作滿分 400 分。目前資訊相關科系都將 APCS 成績，列入多元入學的重要篩選項目中，且電機、機械、數學、人工智慧、數位科技、資訊教育、醫學資訊、資訊傳播與財務金融等科系都開始採計 APCS。通常會要求觀念、實作成績要達 2 級分以上，而頂尖大學則會要求至少 4 級分。甚至大學入學甄選委員會擴大舉辦 APCS 招生名額，是進入資訊類學系另一個管道。

本書將 C++ 以詳細的說明、具代表性的簡例、學以致用的範例，和豐富的習題提供練習，協助讀者打下程式設計的堅實基礎。並在各章節中，將歷屆相關的觀念題做詳盡的解題說明，期望讀者能融會貫通。最後將 105、106 年四次實作題，從解題的演算法說明，到程式碼的實際撰寫，做深入淺出的解說，幫助讀者能獨立思考，養成具有獨立程式設計上的能力，並能順利高分通過 APCS 檢測。

為方便教學，本書另提供教學投影片，歡迎採用本書的授課教師向碁峰業務索取。同時系列書籍於「程式享樂趣 YouTube」頻道每週五分享補充教材與新知，以利初學者快速上手。有關本書的任何問題可來信至 itPCBook@gmail.com，我們會盡快答覆。本書雖經多次精心校對，難免百密一疏，尚祈讀者先進不吝指正，以期再版時能更趨紮實。感謝周家旬與廖美昭小姐細心校稿與提供寶貴的意見，以及碁峰同仁的鼓勵與協助，使得本書得以順利出書。在此聲明，書中所提及相關產品名稱皆為各所屬公司之註冊商標。

程式享樂趣 YouTube 頻道：<https://www.youtube.com/@happycodingfun>

微軟最有價值專家、僑光科技大學多媒體與遊戲設計系 助理教授 蔡文龍
張志成、何嘉益、張力元 編著

遞迴

9.1 遞迴

函式間可以相互呼叫，除了呼叫別的函式外，也可呼叫自己本身，這種函式呼叫自己的方式稱為「遞迴」。遞迴是一種應用極廣的程式設計技術，在函式執行的過程不斷的呼叫函式自身，但每一次呼叫，皆會產生不一樣的效果，直到遇到終止再呼叫函式自身的條件或效果時，才會停止遞迴離開函式。如果遞迴的函式內沒有設定終止呼叫的條件，這樣的函式會形成無窮遞迴。

一個問題如果能拆成同形式且較小範圍時，就可以使用遞迴函式來設計。例如要計算 $1 + 2 + \dots + 10$ 的總和時，可以拆成 1 和 $2 + 3 + \dots + 10$ ，而 $2 + 3 + \dots + 10$ 又可以拆成 2 和 $3 + 4 + \dots + 10$ ，其餘類推，此時就可以設計成遞迴函式。遞迴函式常使用在具有規則性的程式設計中，其優點是具結構化可以增加程式的可讀性，以及能以簡潔的程式處理反覆的複雜問題。

遞迴在數學或電玩遊戲上常被使用，例如：數列、階乘、費氏數列、輾轉相除法、排列、組合、堆疊、河內塔、八個皇后、老鼠走迷宮…等。有些程式雖然使用 for、while... 等重複結構也能處理，但使用遞迴函式會較為簡潔易懂，本章將針對遞迴的基本範例做設計的說明。

9.2 數列

本節提供兩個數列函式求總和的範例，說明如何使用遞迴解題的方式來設計程式。如下：

1. $sum = n + (n-1) + \dots + 3 + 2 + 1$

2. $sum = 1 - 4 + 7 - 10 + 13 - \dots - (n-3) + n$

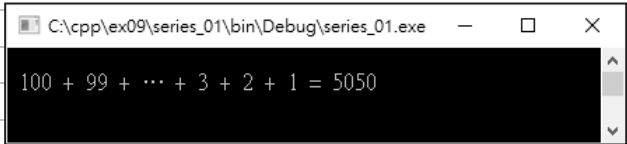
範例 : series_01.cpp

使用遞迴函式計算 $n + (n-1) + (n-2) + \dots + 3 + 2 + 1$ 的結果。
其中 $n = 100$ 。

程式碼 FileName : series_01.cpp

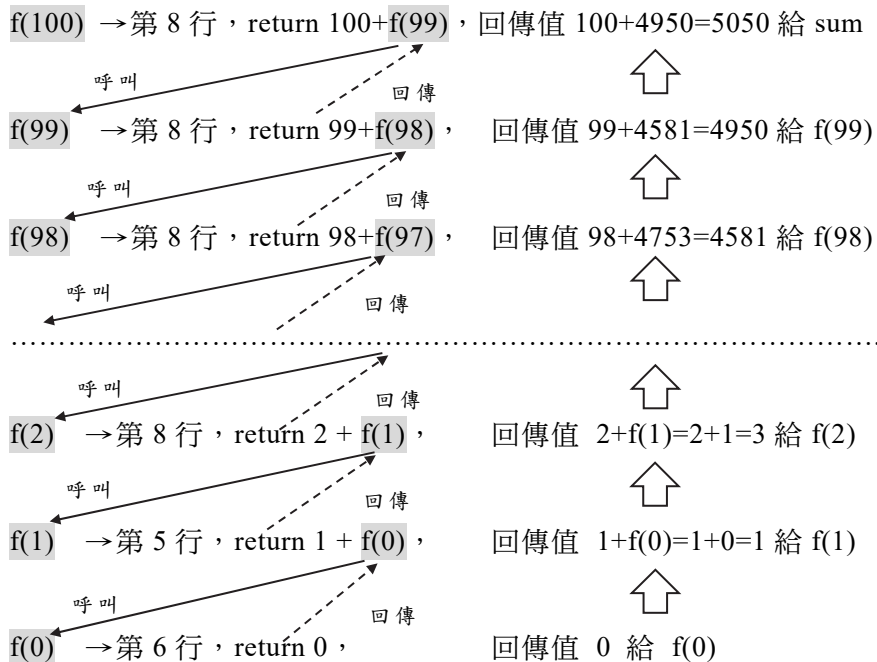
```

01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 int f(int n) {
05     if (n <= 0)
06         return 0;
07     else // n > 0
08         return n + f(n-1);
09 }
10
11 int main()
12 {
13     int n = 100, sum;
14     sum = f(n);
15     cout << "\n " << n << " + " << n-1 << " + ... + 3 + 2 + 1 = " << sum;
16     cout << "\n ";
17     return 0;
18 }
    
```

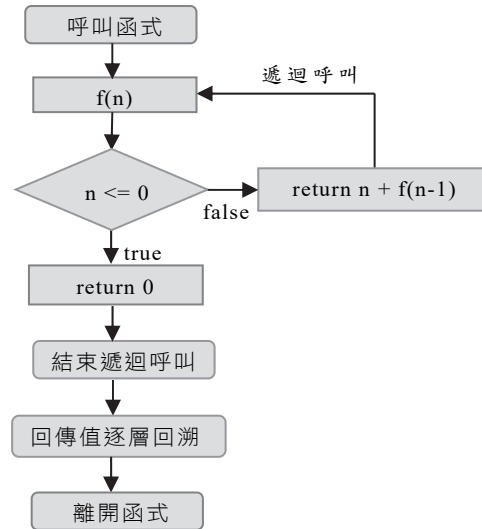


說明

1. 第 4~9 行：建立 $f(n)$ 遞迴函式。該函式被呼叫 $f(100)$ 的流程如下所示：



- 第 14 行：將 $f(100)$ 的回傳值 5050 指定給 `sum` 變數。
- 遞迴函式一定要有結束遞迴的敘述。當第 5 行的條件式 ($n \leq 0$) 成立時，執行第 6 行 `return 0`，就不再遞迴呼叫，而將回傳值逐層回溯給原呼叫敘述。
- 遞迴函式的流程圖如右：



範例 : series_02.cpp

使用遞迴函式計算 $1 - 4 + 7 - 10 + 13 - \dots - n$ 的結果，其中 n 由使用者輸入。 n 的輸入值必須符合 $(n \% 3 == 1)$ 條件，即 n 為 3 的倍數加 1，如 1、4、7、10、14... 等。

執行結果

```

C:\cpp\ex09\series_02\bin\...
n = 27
輸入資料不符，請重新輸入...
n = 55
1 - 4 + 7 - 10 + ... - 52 + 55 = 28
  
```

```

C:\cpp\ex09\series_02\bin\...
n = 100
1 - 4 + 7 - 10 + ... + 97 - 100 = -51
  
```

程式碼 FileName : series_02.cpp

```

01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 int g(int n) {
05     if (n <= 0) {
06         return 0;
07     } else if (n % 2 == 0) { // n > 0, 為偶數
08         return -n + g(n-3);
  
```

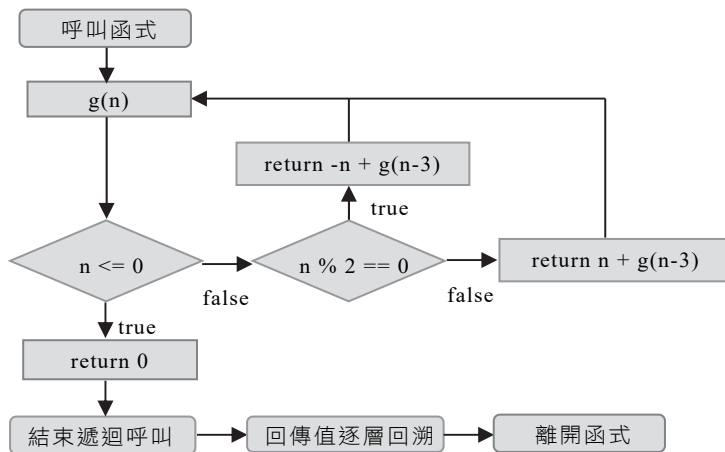
```

09  } else {                                // n > 0, 為奇數
10      return n + g(n-3);
11  }
12 }
13
14 int main()
15 {
16     int n, sum;
17     while (true) {
18         cout << "\n n = ";
19         cin >> n;
20         if (n % 3 == 1)
21             break;                        //輸入值符合條件跳離迴圈
22         else
23             cout << "\n 輸入資料不符, 請重新輸入...\n";
24     }
25
26     sum = g(n);
27     if (n % 2 == 1) {                    // n 輸入值為奇數
28         cout << "\n 1 - 4 + 7 - 10 + ... - " << n-3 << " + " << n << " = " << sum;
29     } else {                              // n 輸入值為偶數
30         cout << "\n 1 - 4 + 7 - 10 + ... + " << n-3 << " - " << n << " = " << sum;
31     }
32     cout << "\n\n";
33     return 0;
34 }

```

說明

1. 遞迴函式的流程圖如下所示：



2. 第 4~12 行：建立 $g(n)$ 遞迴函式。該函式被呼叫 $g(100)$ 的流程如下：

```

g(100)
→ return -100 + g(97)
→ -100 + return 97 + g(94)
→ -100 + 97 + return -94 + g(91)
.....
→ -100 + 97 - 94 + ... -10 + return 7 + g(4)
→ -100 + 97 - 94 + ... -10 + 7 + return -4 + g(1)
→ -100 + 97 - 94 + ... -10 + 7 - 4 + return 1 + g(0)
→ -100 + 97 - 94 + ... -10 + 7 - 4 + 1 + 0
→ -51 (回傳值)

```

3. 第 20~23 行：篩選使用者的輸入值是否符合 $(n \% 3 == 1)$ 的條件。
4. 第 26 行：呼叫 $g(n)$ 的遞迴計算結果回傳指定給 `sum` 變數。
5. 第 27,28 行：若輸入值為奇數時，印出遞迴函式執行的加減過程，其中最後兩數是先減後加。
6. 第 29,30 行：若輸入值為偶數時，印出遞迴函式執行的加減過程，其中最後兩數是先加後減。

9.3 階乘

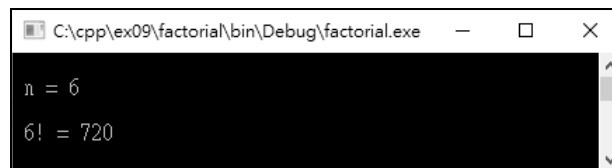
在數學中，正整數的「階乘」是所有小於及等於該數 n 的正整數的乘積，以 $n!$ 表示。階乘的公式為 $n! = n * (n-1) * (n-2) * \dots * 3 * 2 * 1$ ，例如：

$5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$ 。

範例：factorial.cpp

使用階乘函式計算 $n! = 1 * 2 * 3 * \dots * (n-1) * n$ 的結果，其中 n 由使用者輸入。
 n 的輸入值必須大於等於 1。

執行結果



```

C:\cpp\ex09\factorial\bin\Debug\factorial.exe
n = 6
6! = 720

```

程式碼 FileName : factorial.cpp

```

01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 int d(int n){
05     if (n <= 1) {
06         return 1;
07     } else { // n>1
08         return n * d(n-1);
09     }
10 }
11
12 int main()
13 {
14     int n, fac;
15     while (true) {
16         cout << "\n n = ";
17         cin >> n;
18         if (n>=1)
19             break;
20         else
21             cout << "\n 輸入資料不符, 請重新輸入... \n";
22     }
23     fac = d(n);
24     cout << "\n " << n << "! = " << fac;
25
26     cout << "\n\n";
27     return 0;
28 }

```

說明

1. 第 4~10 行：建立 d(n) 遞迴函式。該函式被呼叫 d(6) 的流程如下所示：

d(6)

- return 6 * **d(5)**
- return 6 * 5 * **d(4)**
- return 6 * 5 * 4 * **d(3)**
- return 6 * 5 * 4 * 3 * **d(2)**
- return 6 * 5 * 4 * 3 * 2 * **d(1)**
- return 6 * 5 * 4 * 3 * 2 * 1
- return 720 (回傳值)

2. 第 18~21 行：篩選使用者的輸入值是否符合 (n >= 1) 的條件。
3. 第 23 行：呼叫 d(6) 的遞迴計算結果，回傳指定給 fac 變數。

9.4 最大公因數

使用遞迴求兩整數 p 、 q 之最大公因數 $\text{GCD}(p, q)$ 函式的設計，就是將兩數進行輾轉相除法的數學運算。所謂「輾轉相除法」就是將兩數相除，若能整除則除數為最大公因數；若不能整除，則除數變為被除數，餘數變為除數，再將兩數相除，... 以此類推。

範例 : gcd.cpp

使用輾轉相除法的遞迴運算設計 $\text{GCD}(p, q)$ 函式，求出兩整數 64、96 的最大公因數。

執行結果



```
C:\cpp\ex09\gcd\bin\Debug\gcd.exe
GCD(64, 96) = 32
```

程式碼 FileName : gcd.cpp

```
01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 int GCD(int p, int q) {
05     int rem;
06     if (p == 0 or q == 0) {
07         return 0;
08     } else {
09         rem = p % q;
10         if (rem == 0)
11             return q;
12         else
13             return GCD(q, rem);
14     }
15 }
16
17 int main()
18 {
19     int n1, n2, res;
20     n1 = 64;
21     n2 = 96;
22     res = GCD(n1, n2);
23     cout << "\n GCD(" << n1 << ", " << n2 << ") = " << res;
24
25     cout << "\n\n";
26     return 0;
27 }
```

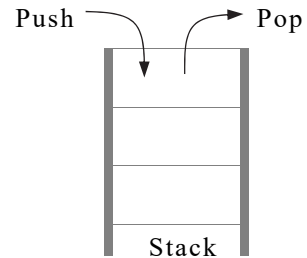

$$\begin{aligned}
 &= [1 + 1 + C(1,0) + C(1,1)] + [1 + C(1,0) + C(1,1) + C(1,0) + C(1,1) + 1] \\
 &= [1 + 1 + 1 + 1] + [1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1] \\
 &= 10 \text{ (回傳值)}
 \end{aligned}$$

- 第 19~22 行：篩選使用者的 n 和 m 的輸入值是否符合條件要求。
- 第 24 行：呼叫 $C(5, 2)$ 的遞迴計算結果，回傳指定給 `ans` 變數。

9.7 堆疊

「堆疊」(Stack) 是後進先出 (LIFO) 的概念。就像將一些物品依序放入有底的袋子，因為袋子的出入口只有一個，將物品一一拿出的順序就是後進先出。也像是一疊盤子，最後放上去的盤子會置於最上面，而要使用時，最後放上去的盤子最先取用。

參與堆疊的物品是屬於一個線性串列資料結構，它加入 (Push) 資料時會疊在串列的最上 (前) 端，而刪除 (Pop) 的資料也是從串列的最上 (前) 端開始移除。即最早存放的資料被擺在串列的最下或最末端，會是最晚被移除；最慢放入的資料，會是最先被移除。



範例：stack.cpp

陣列 `arr(4) = {"AAA", "@@@", "$$$", "MMM"}`，將其元素依序放入只有一個出入口的袋子，再一一取出。在放入和取出的過程中，觀察這些元素值出現在最上面的順序為何？

執行結果

```

C:\cpp\ex09\stack\bin\Debug\stack.exe - - - X
AAA
@@@
$$$
MMM
$$$
@@@
AAA

```

程式碼 FileName: stack.cpp

```

01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 void stack(int m, string arr[]) {
05     static int n=0;
06     cout << "\n " << arr[n] << " ";
07     if (n >= (m-1)) {
08         return ;
09     } else {

```

```

10     n = n + 1;
11     stack(m, arr);
12 }
13     n = n - 1;
14     cout << "\n " << arr[n] << " ";
15 }
16
17 int main()
18 {
19     string arr[4] = {"AAA", "@@@", "$$$", "MMM"};
20     stack(4, arr);
21
22     cout << "\n\n";
23     return 0;
24 }

```

說明

1. 第 4 行： $m = 4$
2. 當 $n = 0$ 時 → 第 6 行顯示 `arr[0]` → 第 10 行 $n=n+1=1$ → 第 11 行遞迴呼叫
 當 $n = 1$ 時 → 第 6 行顯示 `arr[1]` → 第 10 行 $n=n+1=2$ → 第 11 行遞迴呼叫
 當 $n = 2$ 時 → 第 6 行顯示 `arr[2]` → 第 10 行 $n=n+1=3$ → 第 11 行遞迴呼叫
 當 $n = 3$ 時 → 第 6 行顯示 `arr[3]` → 第 7 行 → 第 8 行 `return` → 回原呼叫行
 → 第 13 行， $n=n-1=3-1=2$ → 第 14 行顯示 `arr[2]` → 回原呼叫行
 → 第 13 行， $n=n-1=2-1=1$ → 第 14 行顯示 `arr[1]` → 回原呼叫行
 → 第 13 行， $n=n-1=1-1=0$ → 第 11 行顯示 `arr[0]` → 回主程式原呼叫行

9.8 多遞迴

所謂「多遞迴」是指兩個以上的遞迴函式彼此呼叫。本節就以兩個函式 `F1()`、`F2()` 相互呼叫的例子來做說明。

範例：multRec.cpp

給定兩個函式 `F1(m)` 及 `F2(n)`，`F1(m)` 函式若 $m < 3$ 就結束；否則就以參數值 $m+2$ 呼叫 `F2()` 函式。`F2(n)` 函式若 $n < 3$ 就結束；否則就以參數值 $n-1$ 呼叫 `F1()` 函式。由主程式先呼叫 `F1(1)` 函式，接著再讓兩函式彼此呼叫，並列出呼叫時所顯示的資料。

執行結果

```

C:\cpp\ex09\multRec\bin\Debug\multRec.exe
1 3 2 4 2 3 1

```

程式碼 FileName : multRec.cpp

```

01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 void F1(int);
05 void F2(int);
06
07 void F1(int m) {
08     if (m>3) {
09         cout << m << " ";
10         return;
11     } else {
12         cout << m << " ";
13         F2(m+2);
14         cout << m << " ";
15     }
16 }
17
18 void F2(int n) {
19     if (n>3) {
20         cout << n << " ";
21         return;
22     } else {
23         cout << n << " ";
24         F1(n-1);
25         cout << n << " ";
26     }
27 }
28
29 int main()
30 {
31     F1(1);
32     cout << "\n\n";
33     return 0;
34 }

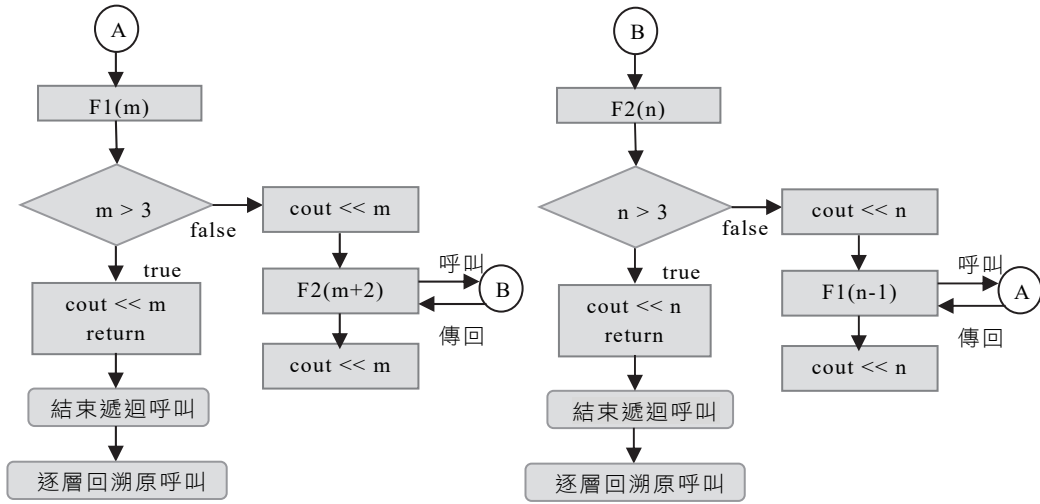
```

說明

1. 第 31 行 F1(1)

- m=1 → 第 12 行 顯示 1 → 第 13 行 F2(m+2) → F2(3)
- n=3 → 第 23 行 顯示 3 → 第 24 行 F1(n-1) → F1(2)
- m=2 → 第 12 行 顯示 2 → 第 13 行 F2(m+2) → F2(4)
- n=4 → 第 20 行 顯示 4 → 第 21 行 return → 回原呼叫行
- m=2 → 第 14 行 顯示 2 → 回原呼叫行
- n=3 → 第 23 行 顯示 3 → 回原呼叫行
- m=1 → 第 14 行 顯示 1 → 回主程式原呼叫行

2. 多遞迴函式的流程圖如下所示：



9.9 ACPS 觀念題攻略

題目 (一)

給定右側函式 f()，當執行 f(10) 時，最終回傳為何？

- (A) 1 (B) 3840 (C) -3840
 (D) 執行時導致無窮迴圈，不會停止執行

```

01 int f(int i) {
02     if (i>0)
03         if(((i/2)%2 == 0))
04             return f(i-2)*i;
05         else
06             return f(i-2)*(-i);
07     else
08         return 1;
09 }
    
```

說明

1. 答案是(C)，程式檔請參考 test09_1.cpp。
2. 當 i 為奇數時，會符合第 3 行 if(((i/2)%2 == 0)) 條件而執行第 4 行。
 當 i 為偶數時，不會符合第 3 行 if(((i/2)%2 == 0)) 條件而執行第 6 行。

$$\begin{aligned}
 3. \quad f(10) &= f(i-2)*(-i) = f(8)*(-10) && // i = 10 \\
 &= (f(6)*(-8)) * (-10) && // i = 8 \\
 &= (f(4)*(-6)) * (-8)*(-10) && // i = 6 \\
 &= (f(2)*(-4)) * (-6)*(-8)*(-10) && // i = 4 \\
 &= (f(0)*(-2)) * (-4)*(-6)*(-8)*(-10) && // i = 2 \\
 &= (1* (-2)) * (-4)*(-6)*(-8)*(-10) && // i = 0, 第 8 行 \\
 &= -3840
 \end{aligned}$$

 題目 (四)

請問以 $a(13,15)$ 呼叫右側 $a()$ 函式，函式執行完後其回傳值為何？

- (A) 90 (B) 103
(C) 93 (D) 60

```

01 int a(int n, int m) {
02     if (n < 10) {
03         if (m < 10) {
04             return n + m ;
05         }
06     } else {
07         return a(n, m-2) + m ;
08     }
09 }
10 else {
11     return a(n-1, m) + n ;
12 }
13 }

```

說明

1. 答案是(B)，程式檔請參考 test09_4.cpp。

2. $a(13,15) = a(12,15)+13$ // 第 11 行
 $= a(11,15)+12+13 = a(11,15)+25$ // 第 11 行
 $= a(10,15)+11+25 = a(10,15)+36$ // 第 11 行
 $= a(9,15)+10+36 = a(9,15)+46$ // 第 11 行
 $= a(9,13)+15+46 = a(9,13)+61$ // 第 7 行
 $= a(9,11)+13+61 = a(9,11)+74$ // 第 7 行
 $= a(9,9)+11+74 = a(9,9)+85$ // 第 7 行
 $= (9 + 9) + 85 = 103$ // 第 4 行

 題目 (五)

給定 $g()$ 函式如下，則 $g(13)$ 的傳回值為何？

- (A) 16 (B) 18
(C) 19 (D) 22

```

01 int g(int a) {
02     if (a>1) {
03         return g(a-2)+3;
04     }
05     return a;
06 }

```

說明

1. 答案是(C)，程式檔請參考 test09_5.cpp。

2. $g(13) = g(11)+3 = g(9)+3+3 = g(7)+3+6$
 $= g(5)+3+9 = g(3)+3+12 = g(1)+3+15$
 $= 1+18 = 19$

 題目 (二十一)

若以 B(5,2) 呼叫右側 B() 函式，總共會印出幾次 "base case" ?

- (A) 1 (B) 5
(C) 10 (D) 19

```
int B (int n, int k){
    if (k == 0 || k == n){
        printf("base case\n");
        return 1;
    }
    return B(n-1,k-1)+B(n-1,k);
}
```

說明

1. 答案是(C)。
2. $B(5,2) = B(4,1) + B(4,2) = B(3,0) + B(3,1) + B(3,1) + B(3,2) = 1 + 2 * B(3,1) + B(3,2)$ 次
 $B(3,1) = B(2,0) + B(2,1) = 1 + B(1,0) + B(1,1) = 3$ 次
 $B(3,2) = B(2,1) + B(2,2) = B(1,0) + B(1,1) + 1 = 3$ 次
 所以 $B(5,2) = 1 + 2 * B(3,1) + B(3,2)$ 次 = $1 + 2 * 3 + 3$ 次 = 10 次

 題目 (二十二)

若以 G(100) 呼叫右側函式後，n 的值為何？

- (A) 25 (B) 75
(C) 150 (D) 250

```
01 int n = 0;
02 void K (int b) {
03     n = n + 1;
04     if (b % 4)
05         K(b+1);
06 }
07 void G (int m) {
08     for (int i=0; i<m; i=i+1) {
09         K(i);
10     }
11 }
```

說明

1. 答案是(D)。
2. 呼叫 G(100) 執行第 7 行，會依序呼叫 K(0) ~ K(99)。
3. 參數 b 以 0~99 呼叫 K(b) 時， $b \% 4 = r$
 若 $r = 0$ ，即 b 為 4 的倍數，則以 b 為參數呼叫 K() 函式 1 次，n 累加 1。
 若 $r = 1$ ，則分別以 b, b+1, b+2, b+3 為參數呼叫 K() 函式 4 次，n 累加 4。
 若 $r = 2$ ，則分別以 b, b+1, b+2 為參數呼叫 K() 函式 3 次，n 累加 3。
 若 $r = 3$ ，則分別以 b, b+1 為參數呼叫 K() 函式 2 次，n 累加 2。
4. b=0~99 呼叫 K(b)，用 4 取餘數相除的過程有 25 個循環，每一次 n 共累加 10，故共累加 $25 * 10 = 250$ 。

16.1 邏輯運算子

問題描述

小蘇最近在學三種邏輯運算子 AND、OR 和 XOR。這三種運算子都是二元運算子，也就是說在運算時需要兩個運算元，例如 $a \text{ AND } b$ 。對於整數 a 與 b ，以下三個二元運算子的運算結果定義如下列三個表格：

a AND b			a OR b			a XOR b		
	b 為 0	b 不為 0		b 為 0	b 不為 0		b 為 0	b 不為 0
a 為 0	0	0	a 為 0	0	1	a 為 0	0	1
a 不為 0	0	1	a 不為 0	1	1	a 不為 0	1	0

舉例來說：

- (1) $0 \text{ AND } 0$ 的結果為 0， $0 \text{ OR } 0$ 以及 $0 \text{ XOR } 0$ 的結果也為 0。
- (2) $0 \text{ AND } 3$ 的結果為 0， $0 \text{ OR } 3$ 以及 $0 \text{ XOR } 3$ 的結果則為 1。
- (3) $4 \text{ AND } 9$ 的結果為 1， $4 \text{ OR } 9$ 的結果也為 1，但 $4 \text{ XOR } 9$ 的結果為 0。

請撰寫一個程式，讀入 a 、 b 以及邏輯運算的結果，輸出可能的邏輯運算為何。

輸入格式

輸入只有一行，共三個整數值，整數間以一個空白隔開。第一個整數代表 a ，第二個整數代表 b ，這兩數均為非負的整數。第三個整數代表邏輯運算的結果，只會是 0 或 1。

輸出格式

輸出可能得到指定結果的運算，若有多個，輸出順序為 AND、OR、XOR，每個可能的運算單獨輸出一行，每行結尾皆有換行。若不可能得到指定結果，輸出 IMPOSSIBLE。(注意輸出時所有英文字母均為大寫字母。)

範例一：輸入 0 0 0 範例一：正確輸出 AND OR XOR	範例二：輸入 1 1 1 範例二：正確輸出 AND OR
---	--

範例三：輸入 3 0 1 範例三：正確輸出 OR XOR	範例四：輸入 0 0 1 範例四：正確輸出 IMPOSSIBLE
--	---

評分說明

輸入包含若干筆測試資料，每一筆測試資料的執行時間限制 (time limit) 均為 1 秒，依正確通過測資筆數給分。其中：

第 1 子題組 80 分，a 和 b 的值只會是 0 或 1。

第 2 子題組 20 分， $0 \leq a, b < 10,000$ 。

解題分析

1. 本題使用 & (AND、且)、| (OR、或) 和 ^ (XOR、互斥) 位元運算子，做法是先將運算元轉成二進制，然後根據位元運算子的運算規則做運算。下表為 AND、OR、XOR 位元運算子的運算結果：

a	b	a & b (AND)	a b (OR)	a ^ b (XOR)
1	1	1	1	0
1	0	0	1	1
0	1	0	1	1
0	0	0	0	0

2. 宣告 a、b、c 三個整數變數，再使用 cin 取得鍵盤輸入的三個整數置入給 a、b、c 三個整數變數。
3. 因位元運算子是對 0 和 1 做運算，但如下題目舉例發現可進行大於 1 的值的運算，例如：0 AND 3 或 4 OR 9 ...等。
 - ① 0 AND 0 的結果為 0，0 OR 0 以及 0 XOR 0 的結果也為 0。

- ② 0 AND 3 的結果為 0，0 OR 3 以及 0 XOR 3 的結果則為 1。
- ③ 4 AND 9 的結果為 1，4 OR 9 的結果也為 1，但 4 XOR 9 的結果為 0。

為簡化程式可使用 if 選擇敘述判斷 a 或 b 兩整數變數是否大於 0，若大於 0 則另該變數值為 1。寫法如下：

```
if(a>0) a=1;    //a 大於 0 時,令 a 為 1
if(b>0) b=1;    //b 大於 0 時,令 b 為 1
```

4. 宣告 and_result、or_result、xor_result 三個整數變數用來存放 AND、OR、XOR 位元運算的結果，若結果為 1 表示該位元運算成立。

再依序判斷 a、b 進行 AND、OR、XOR 位元運算的結果是否等於 c，若成立將對應的 and_result、or_result、xor_result 的值設為 1。寫法如下：

```
int and_result=0, or_result=0, xor_result=0;

// 依序判斷 a 和 b 進行 AND、OR、XOR 位元運算的結果是否等於 c
if((a & b) == c) and_result = 1;
if((a | b) == c) or_result = 1;
if((a ^ b) == c) xor_result = 1;
```

5. 依序判斷 and_result、or_result、xor_result 的值是否為 1，若成立即印出該位元運算子的英文字，輸出順序為 AND、OR、XOR，每行結尾皆有換行。寫法如下：

```
if(and_result == 1) cout << "AND\n";
if(or_result == 1) cout << "OR\n";
if(xor_result == 1) cout << "XOR\n";
```

6. 當 and_result、or_result、xor_result 三個變數值皆為 0 時，即印出 "IMPOSSIBLE"。寫法如下：

```
if(and_result==0 && or_result==0 && xor_result==0)
    cout << "IMPOSSIBLE\n";
```

程式碼 FileName : apcs_10610_01.cpp

```
01 #include <iostream>
02 using namespace std;
03
04 int main()
05 {
06     // 宣告 a, b, c 三個整數變數
07     int a, b, c;
08     // 輸入三個整數置入 a, b, c 整數變數
09     cin >> a >> b >> c;
10
```

```

11  if(a>0) a=1;    //a 大於 0 時,令 a 為 1
12  if(b>0) b=1;    //b 大於 0 時,令 b 為 1
13
14  // 宣告 and_result, or_result, xor_result 三個變數
15  // 用來存放 AND、OR、XOR 位元運算子的運算結果
16  // 若 and_result, or_result, xor_result 的值為 1, 表示該運算子成立
17  int and_result=0, or_result=0, xor_result=0;
18
19  // 依序判斷 a 和 b 進行 AND、OR、XOR 位元運算的結果是否等於 c
20  if((a & b) == c) and_result = 1;
21  if((a | b) == c) or_result = 1;
22  if((a ^ b) == c) xor_result = 1;
23
24  // 依序判斷 and_result, or_result, xor_result 的值是否為 1
25  // 若成立即印出該運算子的英文字
26  if(and_result == 1) cout << "AND\n";
27  if(or_result == 1) cout << "OR\n";
28  if(xor_result == 1) cout << "XOR\n";
29
30  // 當 and_result, or_result, xor_result 的值為 0 時即印出 IMPOSSIBLE
31  if(and_result==0 && or_result==0 && xor_result==0)
32      cout << "IMPOSSIBLE\n";
33  return 0;
34 }

```

執行結果

範例一：輸入 0△0△0 的執行結果。

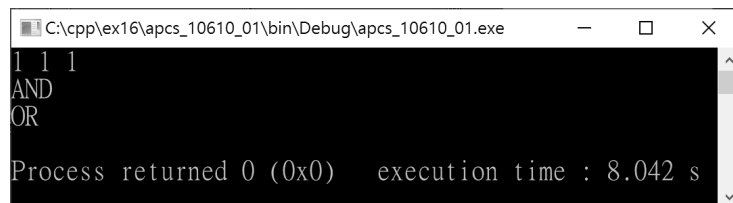


```

C:\cpp\ex16\apcs_10610_01\bin\Debug\apcs_10610_01.exe
0 0 0
AND
OR
XOR
Process returned 0 (0x0)   execution time : 31.082 s

```

範例二：輸入 1△1△1 的執行結果。



```

C:\cpp\ex16\apcs_10610_01\bin\Debug\apcs_10610_01.exe
1 1 1
AND
OR
Process returned 0 (0x0)   execution time : 8.042 s

```